

#### Rodete turbina de vapor



#### **Rodete turbocompresor**









José Agüera Soriano 2012



# TURBOMÁQUINAS

- Fundamento y definición
- Clasificación fundamental de las turbinas
- Clasificación según circulación en el rodete
- Pérdidas, potencias y rendimientos
- Teoría elemental de las turbomáquinas
- Semejanza en turbomáquinas

### FUNDAMENTO Y DEFINICIÓN

El fluido, al circular entre los álabes del *rodete* varía su cantidad de movimiento provocando sobre los mismos la *fuerza* correspondiente.

Esta *fuerza* al desplazarse con el álabe realiza un trabajo, llamado como sabemos *trabajo técnico*  $W_t$  o, más específicamente, *trabajo interior en el eje* cuando de turbomáquinas se trata.

En el *rodete* tiene pues lugar una transformación de *energía del flujo* en *energía mecánica* en el eje de la máquina, o viceversa.

### Productoras de energía mecánica

- turbinas hidráulicas
- turbinas de vapor
- turbinas de gas

### Consumidoras de energía mecánica

- bombas hidráulicas
- ventiladores
- turbocompresores

Además del *rodete* existen *órganos fijos* cuya solución va a variar según qué máquina.

## Clasificación fundamental de las turbinas

Para que el agua llegue a la turbina con una cierta energía hay que reducir el caudal en la conducción de acceso, y esto se consigue, como sabemos, con una tobera, donde se transformará la energía potencial de llegada en energía cinética.

Según donde tenga lugar esta transformación, las turbinas se clasifican en,

- turbinas de acción
- turbinas de reacción

Unas y otras tienen desde luego el mismo principio físico de funcionamiento: *variación de cantidad de movimiento* del flujo a su paso por el rodete.

Los canales entre álabes en turbinas son convergentes, y en bombas divergentes.

#### Turbina de acción

La transformación de la energía potencial del flujo en energía cinética tiene lugar integramente en órganos fijos *(tobera)*.



### *Turbina de reacción* (pura)

La transformación de la energía potencial del flujo en energía cinética tiene lugar integramente en las *toberas* incorporadas al *rodete* (no existe en la industria).



### *Turbina de reacción de vapor* (pura)





### Esfera giratoria de Herón (120 a.C.)

Turbina de reacción (es mixta de acción y reacción)

La transformación de la energía potencial del flujo en energía cinética se realiza una parte en una *corona fija* y el resto en el *rodete* (es como una tobera partida).





$$\varepsilon = \frac{(p_1 - p_2)/\gamma}{H}$$

acción:  $\varepsilon = 0(p_1 = p_2)$ reacción:  $\varepsilon = 0 \div 1$ reacción pura:  $\varepsilon = 1$ 

Grado de reacción real

$$\varepsilon = \frac{(p_1 - p_2)/\gamma}{H_t}$$

2 RODETE

CORONA

## Clasificación según la dirección del flujo en el rodete



- *turbinas de vapor*: axiales
- turbinas de gas: ax
- axiales
- turbinas hidráulicas: axiales y mixtas
- bombas:

- axiales, radiales y mixtas
- *turbocompresores*: axiales y radiales.

## PÉRDIDAS EN TURBOMÁQUINAS

- hidráulicas
- volumétricas
- mecánicas

Son las pérdidas de energía que tienen lugar en el flujo, entre la entrada  $\mathbf{E}$  y la salida  $\mathbf{S}$  de la turbomáquina.

En turbomáquinas térmicas:

hidráulicas + volumétricas = internas

### Pérdidas hidráulicas

**1.** Pérdidas  $H_r$  por rozamiento:

$$H_r = K_r \cdot Q^2$$

**2.** Pérdidas  $H_c$  por choques:

 $H_c = K_c \cdot (Q - Q^*)^2$  (\* condiciones de diseño)

**3.** En algunas turbomáquinas, la velocidad de salida  $V_{\rm S}$  tiene cierta entidad y se pierde:

$$H_{VS} = \frac{V_S^2}{2g}$$

En otras (turbinas Francis, por ejemplo), esta energía cinética de salida es despreciable.

### Pérdidas volumétricas, o intersticiales

Entre el rodete y la carcasa pasa un caudal q cuya energía se desperdicia. El caudal  $Q_r$  que circula por el interior del rodete sería,



### Pérdidas mecánicas, o exteriores

1. Se deben a los rozamientos del prensaestopas y de los cojinetes con el eje de la máquina.

2. El fluido que llena el espacio entre la carcasa y el rodete origina el llamado *rozamiento de disco*. Como es exterior al rodete, han de incluirse en las *pérdidas exteriores.* 



### **Potencias**

### Potencia P del flujo

Es la que corresponde al *salto de energía H* que sufre en la máquina el caudal *Q*:

$$P = \gamma \cdot Q \cdot H$$

### Potencia interior en el eje, P<sub>i</sub>

Es la suministrada al (o por el) eje por el (o al) caudal  $Q_r$  que pasa por el interior del rodete:

$$P_i = \gamma \cdot Q_r \cdot H_t$$

**Potencia interior teórica en el eje,**  $P_{it}$ Si q = 0:

$$P_{it} = \gamma \cdot Q \cdot H_t$$

La potencia  $P_{\nu}$  perdida a causa de las pérdidas volumétricas sería,

$$P_{\nu} = \gamma \cdot q \cdot \left| H_t \right|$$

Potencia exterior en el eje, P<sub>e</sub>

Es la potencia medida exteriormente en el eje, y recibe otros nombres como *potencia efectiva* y *potencia al freno*:

$$P_e = |P_i - P_m|$$
$$P_e = M \cdot \omega$$

Se obtiene midiendo en un banco de pruebas el *par motor M* y la *velocidad angular o*.



## **Rendimientos** *Rendimiento hidráulico* $\eta_h$





*Rendimiento volumétrico,*  $\eta_v$ 







### *Rendimiento global,* $\eta$ (turbina)

 $P_{e}$ 



$$\eta = \frac{P_e}{P} = \frac{M \cdot \omega}{\gamma \cdot Q \cdot H}$$

$$\eta = \frac{P_e}{P} = \frac{P_e}{P_i} \cdot \frac{P_i}{P_{it}} \cdot \frac{P_{it}}{P}$$

 $\eta = \eta_m \cdot \eta_v \cdot \eta_h$ 

#### *Rendimiento global*, η (bomba)

$$\eta = \frac{P}{P_e} = \frac{\gamma \cdot Q \cdot H}{M \cdot \omega}$$

 $\eta = \eta_m \cdot \eta_v \cdot \eta_h$ 

Hay que trabajar sobre los tres rendimientos para aumentarlos en lo posible.



### TEORÍA ELEMENTAL DE LAS TURBOMÁQUINAS

Las ecuaciones anteriores son más bien definiciones y fórmulas de comprobación. Ninguna de ellas relaciona la geometría de la máquina con las prestaciones.

La *ecuación de Euler* que vamos a desarrollar, a pesar de sus hipótesis simplificativas, sigue siendo una buena herramienta para estimar el diseño de una turbomáquina y/o para predecir comportamientos de la misma.

### Introducción

Antes de demostrar la *ecuación de Euler*, analicemos algunas cuestiones preliminares que nos ayudarán a comprender mejor el sentido físico de la misma.



### Álabe móvil

 $c = velocidad \ absoluta \qquad \vec{c_1} = \vec{w_1} + \vec{u}$  $u = velocidad \ del \ álabe w = velocidad \ relativa$ 

caudal que sale de la *tobera* =  $\rho \cdot S \cdot c_1$ caudal en *volumen de control* =  $\rho \cdot S \cdot w_1$ 



## Álabe móvil

La diferencia de caudal, entre lo que sale de la *tobera fija* y lo que entra en el *volumen de control*, se utilizaría en alargar el chorro.

*Triángulo de velocidades a la salida*  $(w_1 \approx w_2)$ 



### Fuerza sobre el álabe

Es la fuerza provocada por el caudal  $\rho \cdot S \cdot w_1$  al cambiar su dirección de  $\vec{w}_1$  a  $\vec{w}_2$ 

 $\vec{F} = \rho \cdot S \cdot w_1 \cdot (\vec{w_1} - \vec{w_2})$ 

En el álabe fijo intervienen las  $\vec{c}$  y en el álabe móvil las  $\vec{w}$ .

Potencia desarrollada

$$P = F_u \cdot u$$



a costa lógicamente de la cedida por el flujo.

### Rodete

Si alrededor de una rueda *libre* colocamos álabes, siempre habrá uno que sustituya al que se aleja. El conjunto formarán *un todo (rodete)* que es el *volumen de control* a considerar.



El caudal másico de entrada en dicho *volumen de control* no es ahora  $\rho \cdot S \cdot w_1$ , si no  $\rho \cdot S \cdot c_1$ , pues no hay alargamiento del chorro: las velocidades a considerar son las *absolutas*:

$$\vec{F} = \overrightarrow{p_1 \cdot S_1} + \overrightarrow{p_2 \cdot S_2} + \rho \cdot S \cdot c_1 \cdot (\vec{c_1} - \vec{c_2})$$



### Caso general y más frecuente

Las toberas son sustituidas por una *corona fija* de álabes, que es alimentada a través de una cámara en espiral. Es de *admisión total*: el flujo entra en *rodete* por toda su periferia.





### Triángulos de velocidades

- *c* velocidad absoluta (del flujo)
- *u* velocidad tangencial (del rodete)
- *w* velocidad relativa (del flujo)
- $\alpha$  ángulo velocidad absoluta con tangencial
- $\beta$  ángulo velocidad relativa con tangencial

Con subíndice (1) para el triángulo de entrada y con subíndice (2) para el de salida.

## Triángulos de velocidades

Para evitar choques a la entrada del rodete,  $w_1$  ha de ser tangente al álabe.



### Velocidades tangenciales

 $u_1 = \omega \cdot r_1$   $u_2 = \omega \cdot r_2$ 

Triángulo de entrada

$$\vec{c_1} = \vec{u_1} = \vec{w_1}$$

### Triángulo de salida

$$\vec{c_2} = \vec{u}_2 = \vec{w}_2$$

El triángulo de velocidades de entrada,  $c_1 u_1 w_1$ , va variando en el recorrido del flujo por el rodete, resultando al final el de salida,

 $c_2 u_2 w_2$ .



### Ecuación de Euler

En el caso más general de turbomáquinas de reacción  $(p_1 \neq p_2)$ , la fuerza sobre los álabes del rodete sería,

$$\vec{F} = \overrightarrow{p_1 \cdot S_1} + \overrightarrow{p_2 \cdot S_2} + \vec{m} \cdot (\vec{c_1} - \vec{c_2})$$

Las fuerzas  $p_1 \cdot S_1$  y  $p_2 \cdot S_2$  que actúan sobre las secciones de entrada y de salida del *rodete*, o son paralelas al eje (axiales) o cortan al eje: *no contribuyen al giro del motor*.



El par motor es pues provocado, en cualquier caso, sólo por las fuerzas,  $\dot{m} \cdot \vec{c_1}$  y  $\dot{m} \cdot \vec{c_2}$ :  $M = M_1 - M_2 = \dot{m} \cdot c_{\mu 1} \cdot r_1 - \dot{m} \cdot c_{\mu 2} \cdot r_2$  $P_{i} = M \cdot \omega = \dot{m} \cdot c_{\mu 1} \cdot r_{1} \cdot \omega - \dot{m} \cdot c_{\mu 2} \cdot r_{2} \cdot \omega$ perfil álabe perfil álabe  $P_i = \dot{m} \cdot (c_{u1} \cdot u_1 - c_{u2} \cdot u_2)$ rodete corona fija Dividiendo por  $\dot{m}$  obtenemos la energía que se consigue de  $\alpha_1$ cada kg de fluido que pasa por el interior del *rodete*:  $\mathcal{U}_1$  $W_t = c_{u1} \cdot u_1 - c_{u2} \cdot u_2$  $w_2 \beta_2$  $W_t = u_1 \cdot c_1 \cdot \cos \alpha_1 - u_2 \cdot c_2 \cdot \cos \alpha_2$  $u_1 \equiv \omega \cdot r_1$ ω  $u_1 \neq u_2$  $u_2 \equiv \omega \cdot r_2$ 

José Agüera Soriano 2012

$$W_t = u_1 \cdot c_1 \cdot \cos \alpha_1 - u_2 \cdot c_2 \cdot \cos \alpha_2$$

#### ecuación fundamental de las turbomáquinas, o ecuación de Euler.

- a) es aplicable a líquidos y a gases;
- b) no depende de la trayectoria del fluido en del *rodete*; sólo de los triángulos de entrada (1) y de salida (2) del mismo;
- c) es aplicable con independencia de las condiciones de funcionamiento.
- El estudio es muy elemental:
  - no incluye el análisis de pérdidas
  - supone que los álabes guían perfectamente al flujo, lo que sería cierto si imaginamos infinitos álabes sin espesor material; lo que se conoce como *teoría unidimensional* y/o *teoría del número infinito de álabes*.

### Segunda forma de la ecuación de Euler

Diferentes condiciones de trabajo originan diferentes triángulos de velocidades. Sea cual fuere su forma:

$$w_1^2 = c_1^2 + u_1^2 - 2 \cdot u_1 \cdot c_1 \cdot \cos \alpha_1$$
  
$$w_2^2 = c_2^2 + u_2^2 - 2 \cdot u_2 \cdot c_2 \cdot \cos \alpha_2$$





$$W_t = \frac{c_1^2 - c_2^2}{2} + \frac{u_1^2 - u_2^2}{2} + \frac{w_2^2 - w_1^2}{2}$$

Turbinas:  $W_t$  es positivo: centrípetas  $(u_1 > u_2)$ Bombas:  $W_t$  es negativo: centrífugas  $(u_1 < u_2)$ 

Para *H* pequeñas, tanto en turbinas como en bombas, convendrá el flujo axial  $(u_1 = u_2)$ :

$$W_t = \frac{c_1^2 - c_2^2}{2} + \frac{w_2^2 - w_1^2}{2}$$

En general, si  $W_{r12}$  fuese despreciable,

$$W_t = \frac{c_1^2 - c_2^2}{2} + \frac{p_1 - p_2}{\rho} \qquad \frac{p_1 - p_2}{\rho} = \frac{u_1^2 - u_2^2}{2} + \frac{w_2^2 - w_1^2}{2}$$

En las turbomáquinas axiales  $(u_1 = u_2)$ , la variación *energía de presión* en el rodete se traduce en una variación en sentido contrario de la *energía cinética relativa* del flujo.

## SEMEJANZA EN TURBOMÁQUINAS

A menos que se trate de fluidos muy viscosos, la situación del flujo en turbomáquinas es independiente del número de *Reynolds*.

En tal caso, para la semejanza *cinemática*, sólo vamos a exigir,
a) semejanza *geométrica*: L<sub>p</sub>/L<sub>m</sub> = λ
b) condiciones *análogas* de funcionamiento (triángulos de velocidades *semejantes*):

$$\frac{c_{\rm p}}{c_{\rm m}} = \frac{u_{\rm p}}{u_{\rm m}} = \frac{w_{\rm p}}{w_{\rm m}}$$

Las hipótesis anteriores conducen a buenos resultados, a excepción de los *rendimientos* que resultan peores en tamaños menores, a causa de las pérdidas intersticiales. Según Moody,

$$\frac{1-\eta_{\rm m}}{1-\eta_{\rm p}} = \lambda^{1/4}$$

### **EJERCICIO**

En el ensayo del modelo de una turbina con escala  $\lambda = 5$ , se determina un rendimiento óptimo  $\eta = 0,85$ . Estímese el del prototipo en las mismas condiciones de trabajo.

Solución

$$\frac{1 - \eta_{\rm m}}{1 - \eta_{\rm p}} = \lambda^{1/4}; \quad \frac{1 - 0.85}{1 - \eta_{\rm p}} = 5^{1/4}$$
$$\eta_{\rm p} = 0.90$$

#### *Relación de velocidades y alturas* Puesto que dimensionalmete $V^2/2g = H$ ,

 $\frac{c_{\rm p}}{c_{\rm m}} = \left(\frac{H_{\rm p}}{H_{\rm m}}\right)^{1/2}$ 

Relación de velocidades y revoluciones

 $u_{p} = \frac{\pi \cdot D_{p} \cdot n_{p}}{60} \qquad u_{m} = \frac{\pi \cdot D_{m} \cdot n_{m}}{60}$  $\frac{u_{p}}{u_{m}} = \frac{D_{p}}{D_{m}} \cdot \frac{n_{p}}{n_{m}} = \lambda \cdot \frac{n_{p}}{n_{m}}$  $\frac{\frac{c_{p}}{c_{m}} = \lambda \cdot \frac{n_{p}}{n_{m}}}{\frac{n_{p}}{n_{m}}}$ 

#### Relaciones de semejanza en turbinas

- 1.  $n = n(\lambda, H)$ 2.  $Q = Q(\lambda, H)$ 3.  $P_e = P_e(\lambda, H)$   $\frac{c_p}{c_m} = \left(\frac{H_p}{H_m}\right)^{1/2}$   $\frac{c_p}{c_m} = \lambda \cdot \frac{n_p}{n_m}$
- 1. Relación de número de revoluciones

$$\frac{n_{\rm p}}{n_{\rm m}} = \frac{1}{\lambda} \cdot \left(\frac{H_{\rm p}}{H_{\rm m}}\right)^{1/2}$$

#### 2. Relación de caudales



### 3. Relación de potencias

$$\frac{P_{ep}}{P_{em}} = \frac{\eta_{p} \cdot \gamma_{p} \cdot Q_{p} \cdot H_{p}}{\eta_{m} \cdot \gamma_{m} \cdot Q_{m} \cdot H_{mp}}$$
$$\frac{P_{ep}}{P_{em}} = \frac{\eta_{p}}{\eta_{m}} \cdot \frac{\gamma_{p}}{\gamma_{m}} \cdot \lambda^{2} \cdot \left(\frac{H_{p}}{H_{m}}\right)^{3/2}$$

En turbinas hidráulicas  $\lambda_p = \lambda_m$ ; si además se supone el mismo rendimiento para toda una familia,

$$\frac{P_{ep}}{P_{em}} = \lambda^2 \cdot \left(\frac{H_p}{H_m}\right)^{3/2}$$

Estas tres relaciones tienen validez conjuntamente, pero pierden su significado en cuanto una de ellas no se cumple.

#### Relaciones de semejanza en bombas

- 1.  $H = H(\lambda, n)$ 2.  $Q = Q(\lambda, n)$ 3.  $P_e = P_e(\lambda, n)$   $\frac{c_p}{c_m} = \left(\frac{H_p}{H_m}\right)^{1/2} \frac{c_p}{c_m} = \lambda \cdot \frac{n_p}{n_m}$
- 1. Relación de alturas



2. Relación de caudales

$$\frac{Q_{\rm p}}{Q_{\rm m}} = \frac{S_{\rm p}}{S_{\rm m}} \cdot \frac{c_{\rm p}}{c_{\rm m}} = \frac{S_{\rm p}}{S_{\rm m}} \cdot \lambda \cdot \frac{n_{\rm p}}{n_{\rm m}}$$
$$\frac{Q_{\rm p}}{Q_{\rm m}} = \lambda^3 \cdot \frac{n_{\rm p}}{n_{\rm m}}$$

### 3. Relación de potencias

$$\frac{P_{ep}}{P_{em}} = \frac{\gamma_{p} \cdot Q_{p} \cdot H_{p} / \eta_{p}}{\gamma_{m} \cdot Q_{m} \cdot H_{m} / \eta_{m}}$$

$$\frac{P_{ep}}{P_{em}} = \frac{\eta_{m}}{\eta_{p}} \cdot \frac{\gamma_{p}}{\gamma_{m}} \cdot \lambda^{5} \cdot \left(\frac{n_{p}}{n_{m}}\right)^{3}$$

Lo más frecuente es que  $\gamma_p = \gamma_m$ 

Las tres relaciones anteriores tienen validez conjuntamente, pero pierden su significado en cuanto una de ellas no se cumple.

Se podrían aplicar a una misma bomba  $(\lambda = 1)$  si queremos analizar cómo se comporta con diferentes velocidades de giro.

### Velocidad específica de las turbinas hidráulicas

$$\frac{n_{\rm p}}{n_{\rm m}} = \frac{1}{\lambda} \cdot \left(\frac{H_{\rm p}}{H_{\rm m}}\right)^{1/2}$$

$$\frac{P_{ep}}{P_{em}} = \lambda^2 \cdot \left(\frac{H_p}{H_m}\right)^{3/2}$$

#### eliminamos $\lambda$ entre ambas:

$$\frac{n_{\rm p} \cdot P_{ep}^{1/2}}{H_{\rm p}^{5/4}} = \frac{n_{\rm m} \cdot P_{em}^{1/2}}{H_{\rm m}^{5/4}} = \frac{n \cdot P_{e}^{1/2}}{H^{5/4}} = \text{constante}$$

que tiene que verificarse para toda una familia *geométricamente semejante* en condiciones análogas de funcionamiento.

En condiciones de *diseño* (\*), a la constante anterior se le llama *velocidad específica de turbinas*  $n_s$ , y su valor distingue a una familia de otra:

$$n_s = \frac{n \cdot P_e^{*1/2}}{H^{*5/4}}$$
 (dimensional)

ya que sus unidades frecuentes son: *n* rpm,  $P_e$  CV, *H* m

Jugando con *n* (3000, 1500, 1000, 750,...rpm) podemos resolver una misma situación ( $H ext{ y } P_e ext{ dados}$ ) con distintas familias y/o distinto valor de *n<sub>s</sub>*.

Más conveniente sería expresar  $n_s$  en forma adimensional, aunque no es frecuente:

$$n_{so} = \frac{\omega \cdot P_e^{*1/2}}{\rho^{1/2} \cdot (g \cdot H^*)^{5/4}}$$

Velocidad específica en bombas hidráulicas



Eliminando  $\lambda$  entre ambas se obtiene la *velocidad específica de bombas n<sub>q</sub>*:

$$n_q = \frac{n \cdot Q^{*1/2}}{H^{*3/4}}$$
 (dimensional)

Las unidades frecuentes para medir  $n_q$  son: *n* rpm, *Q* m<sup>3</sup>/s, *H* m. Jugando con *n*, podemos resolver una misma situación (*H* y *Q* dados) con distintas familias y/o distinto valor de  $n_q$ .

La forma **adimensional** de  $n_a$  es,

$$n_{qo} = \frac{\omega \cdot Q^{*1/2}}{(g \cdot H^*)^{3/4}}$$

